

(1)例えばAがグーで勝つとすると、B,C,Dはチョキを出すが決まる

∴ Aの勝つ手を決めるだけで他の出す手が自動的に決まる

全体の出す手は $3^4 = 81$ 通り

そしてAの勝つ手の決め方は3通り

$$\therefore \frac{3}{81} = \frac{1}{27} \text{となる}$$

(2)4人でじゃんけんをして

(i)1人だけ勝つ確率は(1)で勝つ人の決め方が4通りあるから

$$\frac{1}{27} \times 4 = \frac{4}{27}$$

(ii)2人だけ勝つ確率はどの手で勝つかの3通りと誰が勝つかの ${}_4C_2 = 6$ 通りあるから

$$\frac{3 \times 6}{3^4} = \frac{6}{27} = \frac{2}{9}$$

(iii)3人だけが勝つ確率は1人だけ勝つ事象と対称性があるため確率は

$$\frac{4}{27}$$

(iv)あいこになる確率は1から上の3つを引いて

$$1 - \left( \frac{4}{27} + \frac{6}{27} + \frac{4}{27} \right) = \frac{13}{27}$$

∴ Aが2回目で勝つときは

(ア)1回目はあいこで2回目でAが勝つ

$$\frac{13}{27} \times \frac{1}{27} = \frac{13}{729}$$

(イ)1回目でAを含む3人が残り、2回目でAが勝つ

1回目：どの手で勝つかの3通りとA以外の2人の決め方 ${}_3C_2 = 3$ 通り

$$\frac{3 \times 3}{3^4} = \frac{3}{27} = \frac{1}{9}$$

2回目：どの手で勝つかの3通り

$$\frac{3}{3^3} = \frac{3}{27} = \frac{1}{9}$$

$$\therefore \frac{3}{27} \times \frac{3}{27} = \frac{9}{729} = \frac{1}{81}$$

(ウ)1回目でAを含む2人が残り、2回目でAが勝つ

1回目：どの手で勝つかの3通りとA以外の人の決め方の3通り

$$\frac{3 \times 3}{3^4} = \frac{3}{27} = \frac{1}{9}$$

2回目：どの手で勝つかの3通り

$$\frac{3}{3^2} = \frac{9}{27} = \frac{1}{3}$$

$$\therefore \frac{3}{27} \times \frac{9}{27} = \frac{27}{729} = \frac{1}{27}$$

$$\therefore \frac{13}{729} + \frac{9}{729} + \frac{27}{729} = \frac{49}{729}$$